

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова**

Кафедра алгебры и математической логики

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета



Нестеров П.Н.

20 июня 2023 г.

**Рабочая программа дисциплины**

**Теория автоматов**

Направление подготовки (специальности)

10.05.01 Компьютерная безопасность

Направленность (профиль)

«Математические методы защиты информации»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена

на заседании кафедры

от 18 апреля 2023 г., протокол № 8

Программа одобрена НМК

математического факультета

протокол № 9 от 3 мая 2023 г.

## 1. Цели освоения дисциплины

Дисциплина "Теория автоматов" обеспечивает приобретение фундаментальных знаний, умений и навыков в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по специальности "10.05.01-Компьютерная безопасность" (уровень специалитета), содействует фундаментализации образования, развитию логического мышления и формированию математического и общенаучного мировоззрения. Целью изучения дисциплины является овладение базовыми понятиями и методами теории автоматов, формирование математической культуры студента, фундаментальная подготовка по основным разделам теории автоматов, овладение современным теоретико-автоматным аппаратом для дальнейшего использования при решении теоретических и прикладных задач.

## 2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина "Теория автоматов" относится к базовой части образовательной программы. Она играет исключительно важную роль для общематематической и общепрофессиональной подготовки специалиста. При ее изучении существенно используются знания, полученные при изучении математических дисциплин "Алгебра", "Теория чисел", "Информатика" и "Математическая логика и теория алгоритмов". Знания, умения и навыки, полученные при изучении дисциплины "Теория автоматов", используются обучаемыми при изучении общепрофессиональных и профессиональных.

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ООП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

Формируемая компетенция (код и формулировка)	Перечень планируемых результатов обучения
<b>Общепрофессиональные компетенции</b>	
<b>ОПК-2</b> Обладает способностью корректно применять при решении профессиональных задач аппарат математического анализа, геометрии, алгебры, дискретной математики, математической логики, теории алгоритмов, теории вероятностей, математической статистики, теории информации, теоретико-числовых методов	<b>Знать:</b> основные понятия теории автоматов: комбинационные схемы из логических элементов, детерминированный автомат без выхода, способы его задания - табличный, диаграмма переходов, автоматные языки, регулярные выражения и регулярные языки, недетерминированный автомат без выхода и распознаваемый (принимаемый) им язык, эквивалентность автоматов, теорема С.Клини, теорема о накачке, неавтоматные языки, теорема Майхилла - Нероуда, детерминированные автоматы с выходом и автоматные функции, автоматные базисы и проблема полноты, ее алгоритмическая неразрешимость, эквивалентность состояний автомата с выходом, теорема Хаффмана - Мили, теоретико-автоматные модели шифраторов, представление дискретных функций многочленами над конечными полями <b>Уметь:</b> строить комбинационные схемы из логических

	<p>элементов, описывать функционирование детерминированного автомата без выхода в терминах преобразования конфигураций, задавать диаграммы переходов конечных детерминированных автоматов, задавать языки регулярными выражениями, задавать недетерминированные автоматы без выхода диаграммами переходов, устанавливать эквивалентность состояний автоматов, доказывать теорему С.Клини, теорему о накачке, применять теорему о накачке для доказательства неавтоматности языков, доказывать теорему Майхилла - Нероуда, доказывать разрешимость некоторых алгоритмических проблем для автоматных и регулярных языков, уметь задавать детерминированные автоматы с выходом диаграммами переходов, и автоматные функции, доказывать теорему Хаффмана - Мили, устанавливать эквивалентность состояний детерминированного автомата с выходом, строить теоретико-автоматные модели шифраторов, находить представления дискретных функций над конечными полями многочленами</p> <p><b>Владеть навыками:</b></p> <p>построения комбинационных схем из логических элементов, описания функционирования детерминированного автомата без выхода в терминах преобразования конфигураций, задания диаграмм переходов конечных детерминированных автоматов, задания языков регулярными выражениями, задания недетерминированных автоматов без выхода диаграммами переходов, установления эквивалентности состояний автоматов, применения теоремы о накачке для доказательства неавтоматности языков, доказательства разрешимости некоторых алгоритмических проблем для автоматных и регулярных языков, задания детерминированных автоматов с выходом диаграммами переходов, применения теоремы Хаффмана - Мили для установления эквивалентности состояний детерминированного автомата с выходом, построения и исследования теоретико-автоматных моделей шифраторов, нахождения представления дискретных функций над конечными полями многочленами</p>
<b>Профессиональные компетенции</b>	
<p><b>ПК-2</b></p> <p>Обладает способностью участвовать в теоретических и экспериментальных научно-исследовательских работах по оценке защищенности информации в компьютерных системах, составлять научные отчеты, обзоры по результатам выполнения исследований</p>	<p><b>Знать:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия теории автоматов и возможности их применения для анализа моделей механизмов защиты информации</li> </ul> <p><b>Уметь:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- проводить доказательства соответствия механизмов защиты информации выбранным моделям</li> </ul> <p><b>Владеть:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- навыками анализа математических моделей механизмов защиты информации</li> </ul>

#### 4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет **3** зачетных единиц, **108** акад. часов.

№ п/п	Темы (разделы) дисциплины, их содержание	Семестр	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах)						Формы текущего контроля успеваемости  Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			Контактная работа						
			лекции	практические	лабораторные	консультации	аттестационные испытания	самостоятельная работа	
1	Вводная лекция	А	1					1	
2	Схемы из функциональных элементов	А	4	3		1		3	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
3	Детерминированные автоматы без выхода	А	4	4				4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
4	Недетерминированные автоматы без выхода	А	4	3				4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
5	Детерминированные автоматы с выходом	А	4	4		1		4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
6	Теоретико-автоматные модели шифраторов	А	4	2				4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
7	Поля	А	4	2		1		3	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
8	Поле разложения многочлена	А	4	2		1		3	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
9	Конечные поля и многочлены над ними	А	4	2				3	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
10	Дискретные функции над конечными полями	А	2	2		1		3	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос

11	Линейные рекуррентные последовательности	A	4	2		1		3	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
							0,3	1,7	Зачет
	Всего		39	26		6	0,3	36,7	

### Содержание разделов программы:

#### Тема 1. Вводная лекция.

Предмет курса. Принципы построения и изучения курса. Краткое содержание. Роль и место курса в формировании специалистов. Рекомендации по изучению курса, самостоятельной работе и литературе. О формах контроля и отчетности при изучении курса.

#### Тема 2. Схемы из функциональных элементов.

Двоичный одноразрядный полусумматор и сумматор. n-разрядный сумматор. Шифраторы и дешифраторы, мультиплексоры и демультимплексоры.

#### Тема 3. Детерминированные автоматы без выхода.

Алфавиты и языки. Детерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, функция переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) детерминированным автоматом. Регулярные выражения и регулярные языки. Операции с автоматами. Теорема С.Клини. Теорема о накачке (о насосе). Примеры не регулярных языков.

#### Тема 4. Недетерминированные автоматы без выхода.

Недетерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, отношение переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) недетерминированным автоматом. Эквивалентность состояний автоматов. Эквивалентность автоматов. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов. Теорема Майхилла - Нероуда. Алгоритмические проблемы для языков, автоматов, регулярных и автоматных языков. Пример алгоритмически неразрешимой проблемы для автоматных языков. Минимизация автоматов.

#### Тема 5. Детерминированные автоматы с выходом.

Детерминированные автоматы с выходом: входной, выходной и внутренний алфавиты, функция переходов и функция выходов. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов. Автоматные (ограниченно-детерминированные) функции. Автоматные базисы и проблема полноты. Ее алгоритмическая неразрешимость. Эквивалентность состояний автомата с выходом. Теорема Хаффмана - Мили.

#### Тема 6. Теоретико-автоматные модели шифраторов.

Понятие шифрсистемы. Шифрующие автоматы. Левый обратный и правый обратный автоматы к данному автомату.

#### Тема 7. Поля.

Поля частных и их свойства. Подполя. Простое подполе поля. Характеристика поля. Описание простых полей. Классификация расширений поля: конечные, конечной степени, алгебраические, трансцендентные. Теорема о башне полей.

#### Тема 8. Поле разложения многочлена.

Поле корня и поле разложения многочлена, свойства. Понятие минимального поля разложения. Описание и изоморфизм простых расширений поля. Изоморфизм минимальных полей разложения многочлена. Вид элементов конечного расширения поля.

#### **Тема 9. Конечные поля и многочлены над ними.**

Основные свойства конечных полей. Теоремы существования и единственности. Описание подполей конечного поля. Теорема о примитивном элементе. Существование и число неприводимых многочленов заданной степени над конечным полем. Способ построения конечного поля. Описание минимального поля разложения и корней многочлена над конечным полем.

#### **Тема 10. Дискретные функции.**

Представление дискретных функций многочленами над полем. Спектральные представления дискретных функций.

#### **Тема 11. Линейные рекуррентные последовательности.**

Цикловая структура линейного преобразования над конечным полем. Линейные преобразования максимального периода. Пространство ЛРП с данным характеристическим многочленом и его базисы. Сумма, пересечение и произведение пространств ЛРП. Усложнения линейных рекуррент. Представление ЛРП с неприводимым характеристическим многочленом над конечным полем с помощью функции след.

### **5. Образовательные технологии, в том числе технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

В процессе обучения используются следующие образовательные технологии:

**Вводная лекция** – дает первое целостное представление о дисциплине и ориентирует студента в системе изучения данной дисциплины. Студенты знакомятся с назначением и задачами курса, его ролью и местом в системе учебных дисциплин и в системе подготовки в целом. Дается краткий обзор курса, история развития науки и практики, достижения в этой сфере, имена известных ученых, излагаются перспективные направления исследований. На этой лекции высказываются методические и организационные особенности работы в рамках данной дисциплины, а также дается анализ рекомендуемой учебно-методической литературы.

**Академическая лекция с элементами лекции-беседы** – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Элементы лекции-беседы обеспечивают контакт преподавателя с аудиторией, что позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным темам дисциплины, активно вовлекать их в учебный процесс, контролировать темп изложения учебного материала в зависимости от уровня его восприятия.

**Практическое занятие** – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по закреплению полученных на лекции знаний.

**Консультации** – вид учебных занятий, являющийся одной из форм контроля самостоятельной работы студентов. На консультациях по просьбе студентов рассматриваются наиболее сложные моменты при освоении материала дисциплины, преподаватель отвечает на вопросы студентов, которые возникают у них в процессе самостоятельной работы.

### **6. Перечень лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

для формирования материалов для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации, для формирования методических материалов по дисциплине:

- программы Microsoft Office;
- издательская система LaTeX;
- Microsoft Visual Studio 2013;
- Adobe Acrobat Reader.

## **7. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (при необходимости)**

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

Автоматизированная библиотечно-информационная система «БУКИ-NEXT»

[http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_cat\\_find.php](http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php)

- Электронная библиотечная система «Лань» <https://e.lanbook.com>
- Электронная библиотечная система «Юрайт» <https://urait.ru>
- Электронная библиотечная система «Консультант студента»  
<https://www.studentlibrary.ru>

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (при необходимости), рекомендуемых для освоения дисциплины**

### **а) основная литература**

1. Хопкрофт Джон Д., Мотвани Раджив, Ульман Джеффри Д. Введение в теорию автоматов, языков и вычислений - М.: Издательский дом "Вильямс", 2002.
2. Дурнев В.Г., Башкин М.А., Якимова О.П. Элементы дискретной математики. Часть 2. – Ярославль: ЯрГУ, 2007. <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20070280.pdf>
3. Яблонский С. В. Введение в дискретную математику. – М.: Наука, 1986. <https://djvu.online/file/f29yqlOr3z5bD?ysclid=lkdxpnrx4l205226736>
4. Гаврилов Г. П., Сапоженко А. А. Задачи и упражнения по дискретной математике. – М.: Физматлит, 2004.  
<https://www.studentlibrary.ru/ru/book/ISBN9785922104777.html>

### **б) дополнительная литература**

1. Лидл Р., Нидеррайтер Г. Конечные поля. Т.1, 2. - М.: Мир. 1988.
2. Брауэр В. Введение в теорию конечных автоматов. М.: Мир. 1987.
3. Минский М. Вычисления и автоматы. - М.: Мир. 1971. <https://djvu.online/file/f0Wn8z96j0h5R?ysclid=lkdy0pu5vb824470493>
4. Трахтенброт Б.А., Барздин Я.М. Конечные автоматы. М.: Наука. 1970.
5. М. М. Глухов, В. П. Елизаров, А. А. Нечаев. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. - М.: Гелиос АРВ. 2003.  
<https://djvu.online/file/KpgiazuWyvZcZ?ysclid=lkdxqegk9c564514844>

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине включает в свой состав специальные помещения:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа;
- учебные аудитории для проведения практических занятий (семинаров);
- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций;
- учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания технических средств обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде ЯрГУ.

**Автор(ы):**

Профессор, доктор физ.-матем. наук

Дурнев В. Г.



**Приложение №1 к рабочей программе дисциплины  
«Теория автоматов»**

**Фонд оценочных средств  
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов  
по дисциплине**

**1. Типовые контрольные задания или иные материалы,  
используемые в процессе текущей аттестации**

Домашние задания по теме № 3 **"Детерминированные автоматы без выхода."**

Задания для самостоятельного решения № 1.1 - 1.27 из параграфа 1 главы VI, № 2.1 - 2.24 из параграфа 2 главы VI сборника задач Гаврилов Г.П. Сборник задач по дискретной математике: учеб. пособие для вузов / Г.П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. М.: Наука, 1977. 368 с.

Домашние задания по теме № 4 **"Недетерминированные автоматы без выхода."**

Задания для самостоятельного решения № 1.1 - 1.27 из параграфа 1 главы VI, № 2.1 - 2.24 из параграфа 2 главы VI сборника задач Гаврилов Г.П. Сборник задач по дискретной математике: учеб. пособие для вузов / Г.П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. М.: Наука, 1977. 368 с.

Домашние задания по теме № 5 **"Детерминированные автоматы с выходом."**

Задания для самостоятельного решения № 3.1 - 3.22 из параграфа 3 главы VI сборника задач Гаврилов Г.П. Сборник задач по дискретной математике: учеб. пособие для вузов / Г.П. Гаврилов, А. А. Сапоженко. М.: Наука, 1977. 368 с.

Домашние задания по теме № 7 **"Поля."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 16 из параграфа 6 глава XXI учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

Домашние задания по теме № 8 **"Поле разложения многочлена."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 16 из параграфа 6 глава XXI учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

Домашние задания по теме № 9 **"Конечные поля и многочлены над ними."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 17 из параграфа 5 глава XXII учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

Домашние задания по теме № 10 **"Дискретные функции."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 76 из параграфа 13 глава XXV учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

Задания для самостоятельного решения № 10.1 - 10.21 из параграфа 10 главы 2 сборника задач Глухов М.М. Задачи и упражнения по математической логике, дискретным функциям и теории алгоритмов: учеб. пособие для вузов / М. М. Глухов, О. А. Козлитин, В. А. Шапошников, А. Б. Шишков. СПб., Лань, 2008, 111 с.

Домашние задания по теме № 11 **"Линейные рекуррентные последовательности."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 16 из главы IX учебника Алферов А.П. Основы криптографии. Учебное пособие. / А.П. Алферов, А. Ю. Зубов, А.С. Кузьмин, А.В. Черемушкин. М.: Гелиос АРВ, 2002. 480 с.

Задания для самостоятельного решения № 1 - 76 из параграфа 13 глава XXV учебника Глухов М.М. Алгебра. Учебник. В 2-х т. Т. II. / М.М. Глухов, В.П. Елизаров, А.А. Нечаев. М.: Гелиос АРВ. 2003. 416 с.

### **Рекомендуемый перечень тем контрольных работ**

Булевы функции и функции  $k$ -значной логики. **NP-полнота.**

Детерминированные и недетерминированные автоматы без выхода.

Детерминированные автоматы с выходом.

Конечные поля и многочлены над ними.

Линейные рекуррентные последовательности.

### **Темы рефератов:**

1. Детерминированные и недетерминированные автоматы без выхода и принимаемые (распознаваемые) ими языки.
2. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов.
3. Регулярные выражения и регулярные языки. Теорема С. Клини.
4. Автоматы с выходом и автоматные функции.  $n$ -местные автоматные функции. Суперпозиция автоматных функций.
5. Проблема полноты для автоматных функций.
6. Теоретико-автоматные модели шифраторов.

## **2. Список вопросов и (или) заданий для проведения промежуточной аттестации**

### **Вопросы к зачету по дисциплине "Теория автоматов"**

1. Схемы из функциональных элементов. Двоичный одноразрядный полусумматор и сумматор.  $n$ -разрядный сумматор.
2. Шифраторы и дешифраторы, мультиплексоры и демультиплексоры.
3. Детерминированные автоматы без выхода. Алфавиты и языки. Детерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, функция переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
4. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) детерминированным автоматом.
5. Регулярные выражения и регулярные языки. Операции с автоматами.
6. Теорема С.Клини.
7. Теорема о накачке (о насосе). Примеры не регулярных языков.
8. Недетерминированные автоматы без выхода. Недетерминированные автоматы без выхода: входной (внешний) и внутренний алфавиты, отношение переходов, заключительные (допускающие, принимающие) состояния. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
9. Конфигурации. Описание работы автомата в терминах преобразования конфигураций. Язык, принимаемый (допускаемый, распознаваемый) недетерминированным автоматом.
10. Эквивалентность состояний автоматов. Эквивалентность автоматов. Эквивалентность недетерминированных и детерминированных автоматов.
11. Теорема Майхилла - Нероуда.

12. Алгоритмические проблемы для языков, автоматов, регулярных и автоматных языков. Пример алгоритмически неразрешимой проблемы для автоматных языков. Минимизация автоматов.
13. Детерминированные автоматы с выходом. Детерминированные автоматы с выходом: входной, выходной и внутренний алфавиты, функция переходов и функция выходов. Способы задания автоматов: табличный и диаграммой переходов.
14. Автоматные (ограниченно-детерминированные) функции. Автоматные базисы и проблема полноты. Ее алгоритмическая неразрешимость.
15. Эквивалентность состояний автомата с выходом. Теорема Хаффмана - Мили.
16. Теоретико-автоматные модели шифраторов. Понятие шифрсистемы. Шифрующие автоматы. Левый обратный и правый обратный автоматы к данному автомату.
17. Поля. Поля частных и их свойства. Подполя. Простое подполе поля. Характеристика поля. Описание простых полей.
18. Классификация расширений поля: конечные, конечной степени, алгебраические, трансцендентные. Теоремы о башнях полей.
19. Поле разложения многочлена. Поле корня и поле разложения многочлена, свойства. Понятие минимального поля разложения.
20. Описание и изоморфизм простых расширений поля.
21. Изоморфизм минимальных полей разложения многочлена.
22. Вид элементов конечного расширения поля.
23. Конечные поля и многочлены над ними. Основные свойства конечных полей. Теоремы существования и единственности.
24. Описание подполей конечного поля. Теорема о примитивном элементе.
25. Существование и число неприводимых многочленов заданной степени над конечным полем.
25. Способ построения конечного поля.
26. Описание минимального поля разложения многочлена над конечным полем.
27. Дискретные функции. Представление дискретных функций многочленами над полем.
28. Спектральные представления дискретных функций.
29. Линейные рекуррентные последовательности. Цикловая структура линейного преобразования над конечным полем. Линейные преобразования максимального периода.
30. Пространство ЛРП с данным характеристическим многочленом и его базисы. Сумма, пересечение и произведение пространств ЛРП.
31. Усложнения линейных рекуррент.
32. Представление ЛРП с неприводимым характеристическим многочленом над конечным полем с помощью функции след.

### **3. Перечень компетенций, этапы их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкалы оценивания**

#### **3.1 Шкала оценивания сформированности компетенций и ее описание**

Оценивание уровня сформированности компетенций в процессе освоения дисциплины осуществляется по следующей трехуровневой шкале:

**Пороговый уровень** - предполагает отражение тех ожидаемых результатов, которые определяют минимальный набор знаний и (или) умений и (или) навыков, полученных студентом в результате освоения дисциплины. Пороговый уровень является обязательным уровнем для студента к моменту завершения им освоения данной дисциплины.

**Продвинутый уровень** - предполагает способность студента использовать знания, умения, навыки и (или) опыт деятельности, полученные при освоении дисциплины, для решения профессиональных задач. Продвинутый уровень превосходит пороговый уровень по нескольким существенным признакам.

**Высокий уровень** - предполагает способность студента использовать потенциал интегрированных знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, полученных при освоении дисциплины, для творческого решения профессиональных задач и самостоятельного поиска новых подходов в их решении путем комбинирования и использования известных способов решения применительно к конкретным условиям. Высокий уровень превосходит пороговый уровень по всем существенным признакам.

Целью процедуры оценивания является определение степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения (знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности).

Процедура оценивания степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения осуществляется с помощью методических материалов, представленных в разделе «Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций»

### **3.2 Критерии оценивания степени овладения знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности, определяющие уровни сформированности компетенций**

**Пороговый уровень** (общие характеристики):

- владение основным объемом знаний по программе дисциплины;
- знание основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы без существенных ошибок;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении стандартных (типовых) задач;
- способность самостоятельно применять типовые решения в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- знание базовых теорий, концепций и направлений по изучаемой дисциплине;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, периодическое участие в групповых обсуждениях, достаточный уровень культуры исполнения заданий.

**Продвинутый уровень** (общие характеристики):

- достаточно полные и систематизированные знания в объёме программы дисциплины;
- использование основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать выводы;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении учебных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в базовых теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им сравнительную оценку;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

**Высокий уровень** (общие характеристики):

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины;
- точное использование терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- безупречное владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно и творчески решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им критическую оценку;
- активная самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, творческое участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

### **3.3 Описание процедуры выставления оценки**

В зависимости от уровня сформированности каждой компетенции по окончании освоения дисциплины студенту выставляется оценка. Для дисциплин, изучаемых в течение нескольких семестров, оценка может выставляться не только по окончании ее освоения, но и в промежуточных семестрах. Вид оценки («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», «зачтено», «незачтено») определяется рабочей программой дисциплины в соответствии с учебным планом.

Оценка «отлично» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована на высоком уровне.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на продвинутом уровне.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «зачет» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

## Приложение №2 к рабочей программе дисциплины «Теория автоматов»

### Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Основной формой изложения учебного материала по дисциплине "Дискретная математика" являются лекции, что связано, прежде всего, с очень высоким уровнем абстрактности изучаемых в математической логике понятий, ее глубокими и прочными связями с основаниями математики и с ее философскими вопросами. По большинству тем предусмотрены практические занятия, целью которых является закрепление лекционного материала путем решения специальным образом подобранных задач и упражнений.

Для успешного освоения дисциплины важно самостоятельное решение достаточно большого набора хорошо подобранных задач, как в аудитории, так и самостоятельно в качестве домашних заданий. Примеры решения задач разбираются на лекциях и практических занятиях, при необходимости по наиболее трудным темам проводятся дополнительные консультации. Основная цель решения задач – помочь усвоить фундаментальные понятия и основы дискретной математики. Для решения задач необходимо не только знать, но и понимать лекционный материал. Поэтому в процессе изучения дисциплины рекомендуется регулярная работа с конспектами лекций и рекомендованной литературой.

Большое внимание должно быть уделено выполнению домашней работы. В качестве заданий для самостоятельной работы дома студентам предлагаются задачи, аналогичные разобранным на лекциях и практических занятиях или немного более сложные, которые являются результатом объединения нескольких базовых задач. При этом особое внимание уделяется активизации самостоятельной работы студентов над задачами: выдача обучаемым для самостоятельной работы текущих домашних заданий, частичный разбор их решений на практических занятиях и постоянный контроль их выполнения.

Для проверки и контроля усвоения теоретического материала, приобретенных практических навыков работы с основными понятиями дискретной математики в течение обучения проводятся мероприятия текущей аттестации в виде устного опроса на практических занятиях и контрольных работ в 4м и 5-ом семестре. Также проводятся консультации (при необходимости) по лекционному материалу и разбору некоторых заданий для самостоятельной работы.

В конце каждого семестра изучения дисциплины студенты сдают экзамен. Экзамен принимается по экзаменационным билетам, каждый из которых включает в себя два теоретических вопроса. Билеты формируются на основании списка вопросов к экзамену, который охватывает полностью всю программу дисциплины. На самостоятельную подготовку к экзамену выделяется 3 дня, во время подготовки к экзамену предусмотрена групповая консультация.